

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**
-

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

-

$$l_t + n_t \leq \bar{n} \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

-

$$l_t + n_t \leq \bar{n} \quad \forall t$$

-

$$c_t + x_t = F(k_t, n_t) \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

-

$$l_t + n_t \leq \bar{n} \quad \forall t$$

-

$$c_t + x_t = F(k_t, n_t) \quad \forall t$$

-

$$k_0, \bar{n} > 0 \text{ veri}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

-

$$l_t + n_t \leq \bar{n} \quad \forall t$$

-

$$c_t + x_t = F(k_t, n_t) \quad \forall t$$

-

$$k_0, \bar{n} > 0 \text{ veri}$$

-

$$c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1} \geq 0 \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Neo-Klasik Büyüme Modeli için Pareto Etkin Miktar Serilerin Elde Edilmesi:

- Neo-Klasik büyüme modelinin (tam rekabetçi piyasalarda ekonomik ajanların rasyonel kararlar aldıkları decentralized economy yerine) Social Planner Problem (SPP) versiyonunu tanımlayalım.
- SP probleminin sonuçları tanım gereği "Pareto Etkin" sonuçları verecektir.
- **SPP (Genel Formatı):**

$$\max_{c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t, l_t)$$

- s.t.

$$k_{t+1} \leq (1 - \delta)k_t + x_t \quad \forall t$$

-

$$l_t + n_t \leq \bar{n} \quad \forall t$$

-

$$c_t + x_t = F(k_t, n_t) \quad \forall t$$

-

$$k_0, \bar{n} > 0 \text{ veri}$$

-

$$c_t, x_t, l_t, n_t, k_{t+1} \geq 0 \quad \forall t$$

- Dikkat edilirse SPP sadece kaynakların etkin kullanılmasını gerektiren bir problem olduğundan piyasa, fiyat ve bütçe kısıtı gibi unsurlar yer almamaktadır.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda tanımlı SP problemini daha önceki varsayımlarımızı kullanarak basitleştirilmiş şekilde yazabiliriz:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda tanımlı SP problemini daha önceki varsayımlarımızı kullanarak basitleştirilmiş şekilde yazabiliriz:



$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda tanımlı SP problemini daha önceki varsayımlarımızı kullanarak basitleştirilmiş şekilde yazabiliriz:



$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda tanımlı SP problemini daha önceki varsayımlarımızı kullanarak basitleştirilmiş şekilde yazabiliriz:



$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t \quad \forall t$$



$$k_0, \bar{n} > 0 \text{ veri}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

■

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

■

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

■ F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

■ F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t(-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

■ F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t(-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

■

$$k_{t+1} : \hat{\lambda}_{t+1} F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)\hat{\lambda}_{t+1} - \hat{\lambda}_t = 0$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

- F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t(-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

-

$$k_{t+1} : \hat{\lambda}_{t+1} F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)\hat{\lambda}_{t+1} - \hat{\lambda}_t = 0$$

- Yukarıdaki iki denklemi birleştirirsek:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

- F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t(-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

-

$$k_{t+1} : \hat{\lambda}_{t+1} F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)\hat{\lambda}_{t+1} - \hat{\lambda}_t = 0$$

- Yukarıdaki iki denklemleri birleştiresek:

-

$$\beta^{t+1} U'(c_{t+1}) (F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)) = \beta^t U'(c_t)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

- F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t (-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

-

$$k_{t+1} : \hat{\lambda}_{t+1} F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)\hat{\lambda}_{t+1} - \hat{\lambda}_t = 0$$

- Yukarıdaki iki denklemleri birleştiresek:

-

$$\beta^{t+1} U'(c_{t+1}) (F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)) = \beta^t U'(c_t)$$

- İfadeyi düzenlersek dönemler arası optimal tüketim ilişkisini veren (**Euler denklemini**) elde etmiş oluruz:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP problemi için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t U(c_t) + \lambda_t (F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - c_t - k_{t+1})$$

- F.O.C. c_t ve k_{t+1} için:

$$c_t : \beta^t U'(c_t) + \hat{\lambda}_t (-1) = 0 \Rightarrow \beta^t U'(c_t) = \hat{\lambda}_t$$

-

$$k_{t+1} : \hat{\lambda}_{t+1} F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)\hat{\lambda}_{t+1} - \hat{\lambda}_t = 0$$

- Yukarıdaki iki denklemi birleştirirsek:

-

$$\beta^{t+1} U'(c_{t+1}) (F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)) = \beta^t U'(c_t)$$

- İfadeyi düzenlersek dönemler arası optimal tüketim ilişkisini veren (**Euler denklemini**) elde etmiş oluruz:

-

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

- Kısıttaki $c_t = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1}$ ifadesini yukarıdaki denklemde yerine yazarsak:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

- Kısıttaki $c_t = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1}$ ifadesini yukarıdaki denklemde yerine yazarsak:

■

$$\frac{U'(F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1})}{\beta U'(F(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)k_{t+1} - k_{t+2})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

gibi 2. dereceden doğrusal olmayan bir fark denklemi elde ederiz.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

- Kısıttaki $c_t = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1}$ ifadesini yukarıdaki denklemde yerine yazarsak:

■

$$\frac{U'(F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1})}{\beta U'(F(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)k_{t+1} - k_{t+2})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

gibi 2. dereceden doğrusal olmayan bir fark denklemi elde ederiz.

- TVC koşulu: $\lim_{t \rightarrow \infty} \beta^t \frac{\partial U(\cdot)}{\partial k_t} F'(k_t) k_t = 0$.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

- Kısıttaki $c_t = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1}$ ifadesini yukarıdaki denklemde yerine yazarsak:

■

$$\frac{U'(F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1})}{\beta U'(F(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)k_{t+1} - k_{t+2})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

gibi 2. dereceden doğrusal olmayan bir fark denklemi elde ederiz.

- TVC koşulu: $\lim_{t \rightarrow \infty} \beta^t \frac{\partial U(\cdot)}{\partial k_t} F'(k_t) k_t = 0$.
- **Önemli Not:** CE modelinin çözümünden elde edilen sonuç ile SP probleminden elde edilen 2. dereceden doğrusal olmayan fark denklemi aynıdır.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Çözümün Devamı:

- Euler Denklemi:

$$\frac{U'(c_t)}{\beta U'(c_{t+1})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

- Kısıttaki $c_t = F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1}$ ifadesini yukarıdaki denklemde yerine yazarsak:

■

$$\frac{U'(F(k_t, \bar{n}) + (1 - \delta)k_t - k_{t+1})}{\beta U'(F(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)k_{t+1} - k_{t+2})} = F'(k_{t+1}, \bar{n}) + (1 - \delta)$$

gibi 2. dereceden doğrusal olmayan bir fark denklemi elde ederiz.

- TVC koşulu: $\lim_{t \rightarrow \infty} \beta^t \frac{\partial U(\cdot)}{\partial k_t} F'(k_t) k_t = 0$.
- **Önemli Not:** CE modelinin çözümünden elde edilen sonuç ile SP probleminden elde edilen 2. dereceden doğrusal olmayan fark denklemi aynıdır.
- **Önemli Sonuç:** CE modelinin çözümleri Pareto Etkindir.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;
-

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

■

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

- s.t.

$$c_t + x_t \leq Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

- s.t.

$$c_t + x_t \leq Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

-

$$k_{t+1} \leq k_t(1 - \delta) + x_t \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

- s.t.

$$c_t + x_t \leq Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_{t+1} \leq k_t(1 - \delta) + x_t \quad \forall t$$

■

$$c_t, x_t, k_{t+1} \geq 0 \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

- s.t.

$$c_t + x_t \leq Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_{t+1} \leq k_t(1 - \delta) + x_t \quad \forall t$$

■

$$c_t, x_t, k_{t+1} \geq 0 \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

SP Probleminin Spesifik Fayda ve Üretim Fonksiyonu Altında Çözümü:

- CE modeli ile SP probleminin aynı sonuçları verdiğini bildiğimiz durumlarda SPP çözümü daha kolay olduğu için tercih edilir.
- Fayda fonksiyonunu $\log(c)$, üretim fonksiyonunu Ak^α olduğunu varsayalım ($A > 0$ ve $0 < \alpha < 1$).
- SP problemini yazarsak;

$$\max_{c_t, x_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

- s.t.

$$c_t + x_t \leq Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_{t+1} \leq k_t(1 - \delta) + x_t \quad \forall t$$

■

$$c_t, x_t, k_{t+1} \geq 0 \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

- Tüm değişkenlerin ≥ 0 olma koşulu

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:



$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

■ Bu durumda Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

■ Bu durumda Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

■

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t) + \lambda_t (Ak_t^\alpha - c_t - k_{t+1} + k_t(1 - \delta))$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

■ Bu durumda Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

■

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t) + \lambda_t (Ak_t^\alpha - c_t - k_{t+1} + k_t(1 - \delta))$$

■ F.O.C. c_t 'ye göre:

$$c_t : \frac{\beta^t}{\hat{c}_t} = \hat{\lambda}_t \Rightarrow \frac{\beta^{t+1}}{\hat{c}_{t+1}} = \hat{\lambda}_{t+1} \Rightarrow \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Geçmiş derslerimizdeki bilgilerimizi kullanarak yukarıdaki problemi şu şekilde yazabiliriz:

■

$$\max_{c_t, k_{t+1}} \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t)$$

■ s.t.

$$c_t + k_{t+1} - k_t(1 - \delta) = Ak_t^\alpha \quad \forall t$$

■

$$k_0 > 0 \text{ veri}$$

■ Bu durumda Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

■

$$L = \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log(c_t) + \lambda_t (Ak_t^\alpha - c_t - k_{t+1} + k_t(1 - \delta))$$

■ F.O.C. c_t 'ye göre:

$$c_t : \frac{\beta^t}{\hat{c}_t} = \hat{\lambda}_t \Rightarrow \frac{\beta^{t+1}}{\hat{c}_{t+1}} = \hat{\lambda}_{t+1} \Rightarrow \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$$

■ F.O.C. k_{t+1} 'ye göre:

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1}(1 - \delta) = 0$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1}(1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi $\hat{\lambda}_t$ 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi λ_t 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

- $\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki denklemi tekrar yazarsak:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi $\hat{\lambda}_t$ 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

- $\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki denklemi tekrar yazarsak:

■

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (1 - \delta) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi $\hat{\lambda}_t$ 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

- $\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki denklemi tekrar yazarsak:

-

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (1 - \delta) = 1$$

- İfadeyi düzenlersek

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi λ_t 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

- $\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki denklemi tekrar yazarsak:

-

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (1 - \delta) = 1$$

- İfadeyi düzenlersek

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta) = 1$$

- Kısıttaki $\hat{c}_t = A \hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t (1 - \delta)$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki ifadeyi tekrar yazalım:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

$$\hat{\lambda}_{t+1} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} - \hat{\lambda}_t + \hat{\lambda}_{t+1} (1 - \delta) = 0$$

- İfadeyi λ_t 'ye böler ve düzenlersek:

$$\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} (1 - \delta) = 1$$

- $\frac{\hat{\lambda}_{t+1}}{\hat{\lambda}_t} = \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}}$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki denklemi tekrar yazarsak:

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + \frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (1 - \delta) = 1$$

- İfadeyi düzenlersek

$$\frac{\beta \hat{c}_t}{\hat{c}_{t+1}} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta) = 1$$

- Kısıttaki $\hat{c}_t = A \hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t (1 - \delta)$ eşitliğini kullanarak yukarıdaki ifadeyi tekrar yazalım:

$$\frac{\beta (A \hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t (1 - \delta))}{A \hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1} (1 - \delta)} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Modelin sonucunu veren denklemi elde etmiş olduk:

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta) \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1}(1 - \delta)} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta \right) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Modelin sonucunu veren denklemi elde etmiş olduk:

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta) \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1}(1 - \delta)} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta \right) = 1$$

- Şimdi sonucu $\delta = 1$ durumu için yazalım:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Modelin sonucunu veren denklemi elde etmiş olduk:

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta) \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1}(1 - \delta)} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta \right) = 1$$

- Şimdi sonucu $\delta = 1$ durumu için yazalım:

-

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} \right) = 1$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Modelin sonucunu veren denklemi elde etmiş olduk:

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta) \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1}(1 - \delta)} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta \right) = 1$$

- Şimdi sonucu $\delta = 1$ durumu için yazalım:

-

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} \right) = 1$$

- Yukarıdaki 2. dereceden doğrusal olmayan fark denklemini sağlayan $\{\hat{k}_t\}_{t=0}^\infty$ serisi denge çözümü olur.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Modelin sonucunu veren denklemi elde etmiş olduk:

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta) \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2} + \hat{k}_{t+1}(1 - \delta)} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} + 1 - \delta \right) = 1$$

- Şimdi sonucu $\delta = 1$ durumu için yazalım:

-

$$\frac{\beta \left(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} \right)}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} \left(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1} \right) = 1$$

- Yukarıdaki 2. dereceden doğrusal olmayan fark denklemini sağlayan $\{\hat{k}_t\}_{t=0}^\infty$ serisi denge çözümü olur.
- Bu sonuçtan $\hat{c}_t = A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1} + \hat{k}_t(1 - \delta)$ eşitliği kullanılarak $\{\hat{c}_t\}_{t=0}^\infty$ serisi için de denge sonuçları elde edilir.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.
- Kısa dönemde (short-run ya da transition periods) değişkenler sabit kalmak zorunda değildir ve genellikle kalmaz.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.
- Kısa dönemde (short-run ya da transition periods) değişkenler sabit kalmak zorunda değildir ve genellikle kalmaz.
- Durağan durum analizinin iki faydası şudur:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.
- Kısa dönemde (short-run ya da transition periods) değişkenler sabit kalmak zorunda değildir ve genellikle kalmaz.
- Durağan durum analizinin iki faydası şudur:
 - i.) Modelin uzun dönemde ne gibi sonuçlar doğuracağını tespit etmek ve bu sonuçları kısa dönem sonuçları ile karşılaştırmak.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.
- Kısa dönemde (short-run ya da transition periods) değişkenler sabit kalmak zorunda değildir ve genellikle kalmaz.
- Durağan durum analizinin iki faydası şudur:
 - i.) Modelin uzun dönemde ne gibi sonuçlar doğuracağını tespit etmek ve bu sonuçları kısa dönem sonuçları ile karşılaştırmak.
 - ii.) Durağan durum analizinin kısa dönem analizine göre daha kolay olması.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Durağan Durum (Steady State) Analizi:

- Durağan durum analizi, zamanın belirli bir noktasından sonra ekonomideki tüm değişkenlerin sabit kaldığını varsayar.
- Bu analiz uzun dönem (long-run) dengesini yansıtır.
- Kısa dönemde (short-run ya da transition periods) değişkenler sabit kalmak zorunda değildir ve genellikle kalmaz.
- Durağan durum analizinin iki faydası şudur:
 - i.) Modelin uzun dönemde ne gibi sonuçlar doğuracağını tespit etmek ve bu sonuçları kısa dönem sonuçları ile karşılaştırmak.
 - ii.) Durağan durum analizinin kısa dönem analizine göre daha kolay olması.
- Örneğimiz için durağan durumu formel olarak tanımlarsak (T gibi bir dönem için);

$$c_t \longrightarrow c_{ss} \quad \forall t \geq T$$

ve

$$k_t \longrightarrow k_{ss} \quad \forall t \geq T$$

koşulları sağlanıyorsa T döneminde ve sonrasında durağan durum sağlanmıştır.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda elde ettiğimiz SP probleminin $\delta = 1$ durumundaki çözümünü yani

$$\frac{\beta (A \hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1})}{A \hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1}) = 1 \text{ denklemini durağan durum için yazalım:}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda elde ettiğimiz SP probleminin $\delta = 1$ durumundaki çözümünü yani

$\frac{\beta (A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1})}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}}$ $(A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1}) = 1$ denklemini durağan durum için yazalım:

■

$$A\alpha\hat{k}_{ss}^{\alpha-1} = \frac{A\hat{k}_{ss}^\alpha - k_{ss}}{\beta (A\hat{k}_{ss}^\alpha - \hat{k}_{ss})}$$

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda elde ettiğimiz SP probleminin $\delta = 1$ durumundaki çözümünü yani

$\frac{\beta (A \hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1})}{A \hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} (A \alpha \hat{k}_{t+1}^{\alpha-1}) = 1$ denklemini durağan durum için yazalım:

■

$$A \alpha \hat{k}_{ss}^{\alpha-1} = \frac{A \hat{k}_{ss}^\alpha - k_{ss}}{\beta (A \hat{k}_{ss}^\alpha - \hat{k}_{ss})}$$

■ Bu denkleme gerekli düzenlemeler yapılırsa:

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda elde ettiğimiz SP probleminin $\delta = 1$ durumundaki çözümünü yani

$$\frac{\beta(A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1})}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} (A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1}) = 1 \text{ denklemini durağan durum için yazalım:}$$

■

$$A\alpha\hat{k}_{ss}^{\alpha-1} = \frac{A\hat{k}_{ss}^\alpha - k_{ss}}{\beta(A\hat{k}_{ss}^\alpha - \hat{k}_{ss})}$$

■ Bu denkleme gerekli düzenlemeler yapılırsa:

■

$$\hat{k}_{ss} = (A\alpha\beta)^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

sonucu elde edilir.

Neo-Klasik Büyüme Modeli için SPP

Yukarıda elde ettiğimiz SP probleminin $\delta = 1$ durumundaki çözümünü yani

$$\frac{\beta (A\hat{k}_t^\alpha - \hat{k}_{t+1})}{A\hat{k}_{t+1}^\alpha - \hat{k}_{t+2}} (A\alpha\hat{k}_{t+1}^{\alpha-1}) = 1 \text{ denklemini durağan durum için yazalım:}$$

■

$$A\alpha\hat{k}_{ss}^{\alpha-1} = \frac{A\hat{k}_{ss}^\alpha - k_{ss}}{\beta (A\hat{k}_{ss}^\alpha - \hat{k}_{ss})}$$

■ Bu denkleme gerekli düzenlemeler yapılırsa:

■

$$\hat{k}_{ss} = (A\alpha\beta)^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

sonucu elde edilir.

■ Daha sonra kısıt yani $\hat{c}_{ss} = A\hat{k}_{ss}^\alpha - \hat{k}_{ss}$ denklemi kullanılarak c_{ss} için de denge değerleri elde edilir.