

FIZ102 FİZİK-II

Ankara Üniversitesi

Fen Fakültesi Fizik Bölümü

3. Hafta

Aysuhan Ozansoy

Bölüm-III: Gauss Kanunu

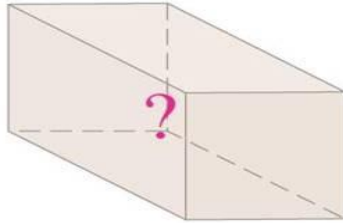
1. Elektrik Akısı
2. Gauss Kanunu (Yasası)
3. Gauss Kanununun Uygulamaları
4. Elektrostatik Denge'deki İletkenler

1. Elektrik Akısı



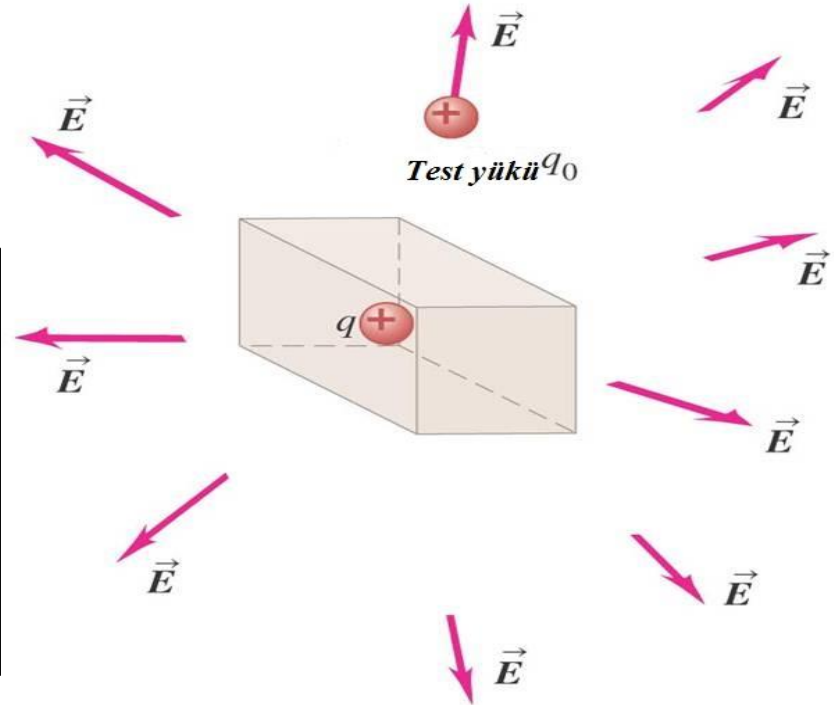
Soru: Bir bölgede elektrik alan çizgilerinin dağılımını biliyorsak o bölgede yük dağılımını belirleyebilir miyiz?

(a) Bilinmeyen miktarda yük içeren bir kutu



→ Bilinmeyen miktarda yük içeren bir kutu içerisindeki yük miktarını belirleyebilmek için, \vec{E} 'yi kutu yüzeyinde ölçmek yeterlidir. Bunu ölçmenin yolu da bir q_0 test yükü üzerindeki kuvveti ölçmektir.

(b) Kutu içindeki yük miktarını ölçmek için dışarıya bir test yükü koyulur



Copyright © 2008 Pearson Education, Inc., publishing as Pearson Addison-Wesley.

➤ Bir yüzeyden geçen elektrik akısı, elektrik alan çizgilerinin yüzeyden içe veya dışa doğru olması ile ilgilidir.

Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.



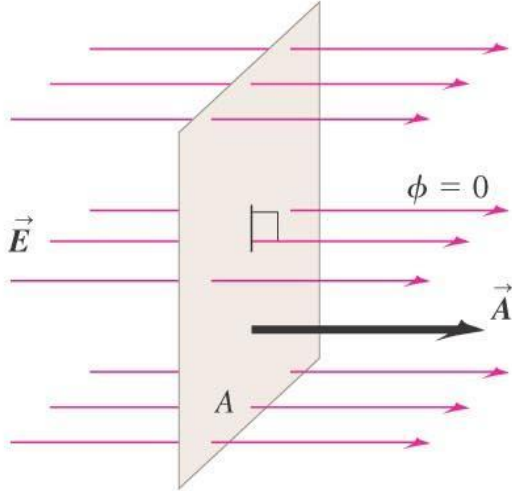
Sonuçlar:

- Kapalı bir yüzeyden geçen elektrik akısının içeri ya da dışarı olması, yüzey içindeki net yükün işaretine bağlıdır.
- Net elektrik akısı, yüzey içindeki yük miktarıyla doğru orantılıdır ancak yüzeyin boyutlarından bağımsızdır.

Düzgün elektrik alanın akısı:

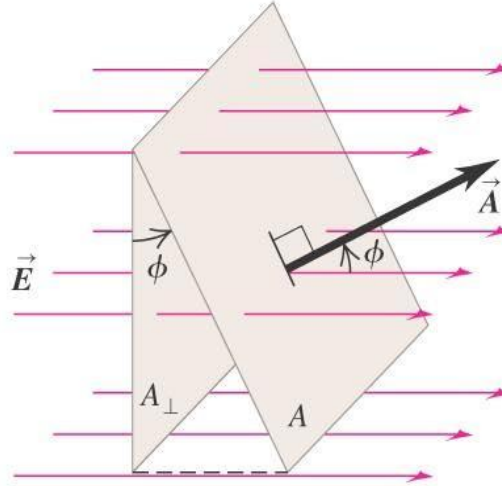
(a) **E ve A vektörleri paralel**

$$\Phi_E = \vec{E} \cdot \vec{A} = EA.$$



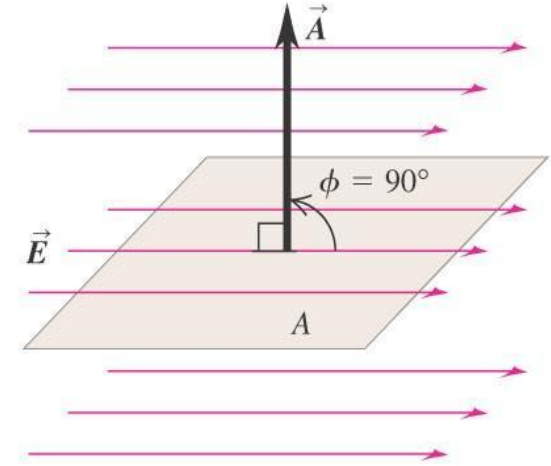
(b) **E ve A vektörleri arasında açı var**

$$\Phi_E = E \cdot A = EA \cos \phi.$$



(c) **E ve A vektörleri dik**

$$\Phi_E = \vec{E} \cdot \vec{A} = EA \cos 90^\circ = 0.$$



Copyright © 2008 Pearson Education, Inc., publishing as Pearson Addison-Wesley.

$$\Phi_E = \vec{E} \cdot \vec{A}$$

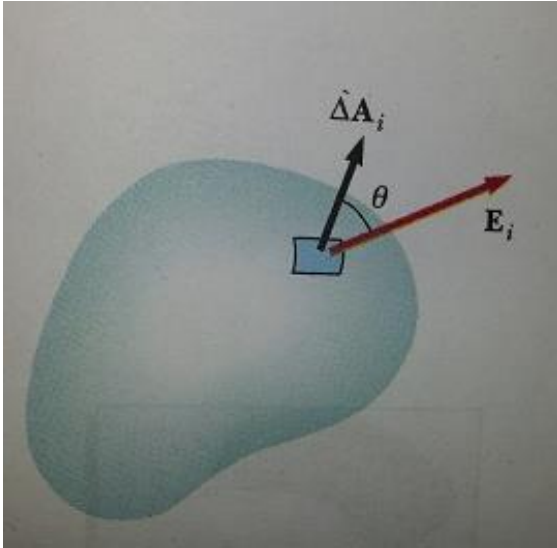
Düzgün elektrik alanın akısı.

$$\vec{A} = A\hat{n}$$

→ Yüzeyden dışarı doğru, yüzeye dik birim vektör.

Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.

Düzgün olmayan elektrik alanın akısı:



Elektrik alan, seçilen küçük yüzey üzerinde her yerde aynı olacak şekilde yüzey küçük parçalara bölünür.

$$\Delta\Phi_E = \vec{E}_i \cdot \Delta\vec{A}_i$$

$$\Phi_E = \lim_{\Delta A_i \rightarrow 0} \sum_i \vec{E}_i \cdot \Delta\vec{A}_i = \int_{\text{yüzey}} \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

Şekil Kaynak [2]' den alınmıştır.

Elektrik akısının en genel tanımı:

$$\Phi_E = \int_{\text{yüzey}} \vec{E} \cdot d\vec{A} = \int_{\text{yüzey}} E \cos \theta dA$$

2. Gauss Yasası

Gauss Yasası; yüklü cisimlerin simetrilerinden yararlanarak oluşturdukları elektrik alanı hesaplamayı sağlar.



(Carl Friedrich Gauss 1777-1855, Alman matematikçi ve gökbilimci)

→ Kapalı bir yüzeyden geçen net elektrik akısı, yüzeyin içindeki net yük miktarı ile doğru orantılıdır.

$$\Phi_E = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{iç}}{\epsilon_0}$$

Yüzey içindeki net yük

Toplam elektrik alan

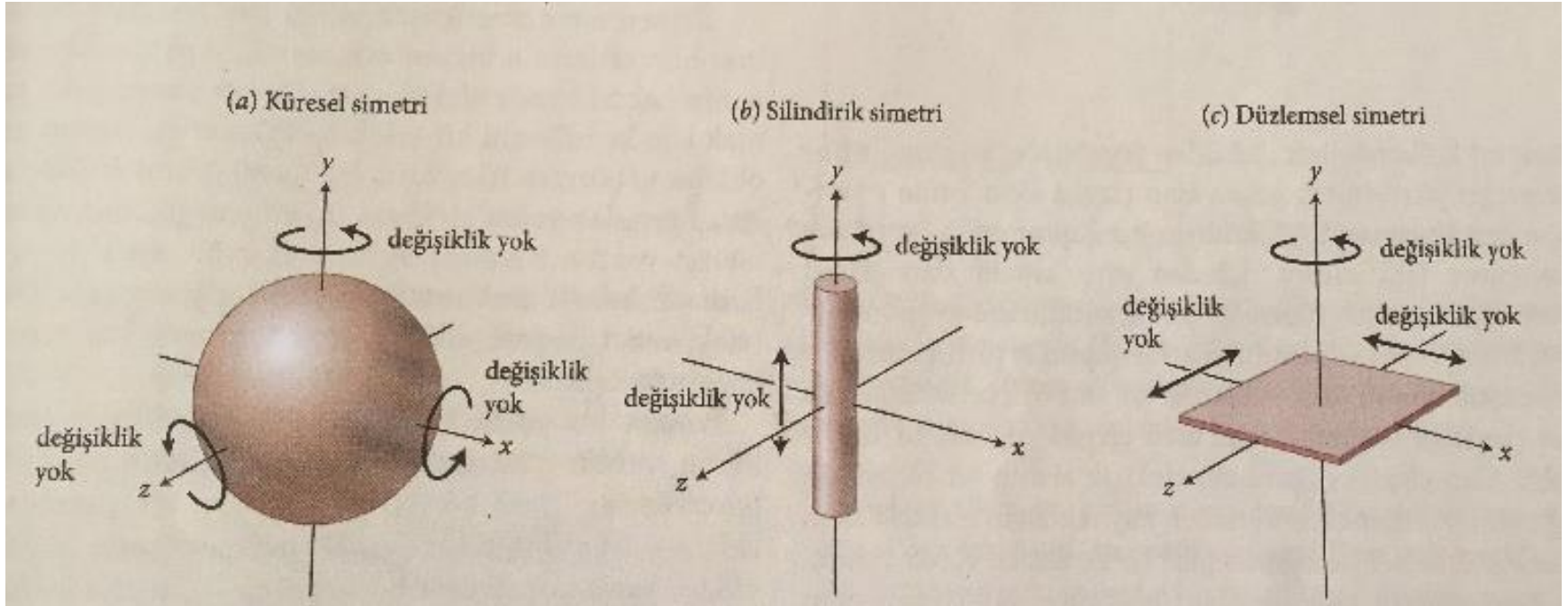


Gauss Yasası, yüzeyin bir noktasındaki elektrik alan ile yüzeyi çevreleyen toplam yük arasındaki ilişkiyi verir. Gauss Yasası, Coulomb Yasasının bir sonucudur. Ancak Gauss Yasası daha geneldir çünkü hareketli yüklere de uygulanabilir.

3. Gauss Yasasının Uygulamaları:

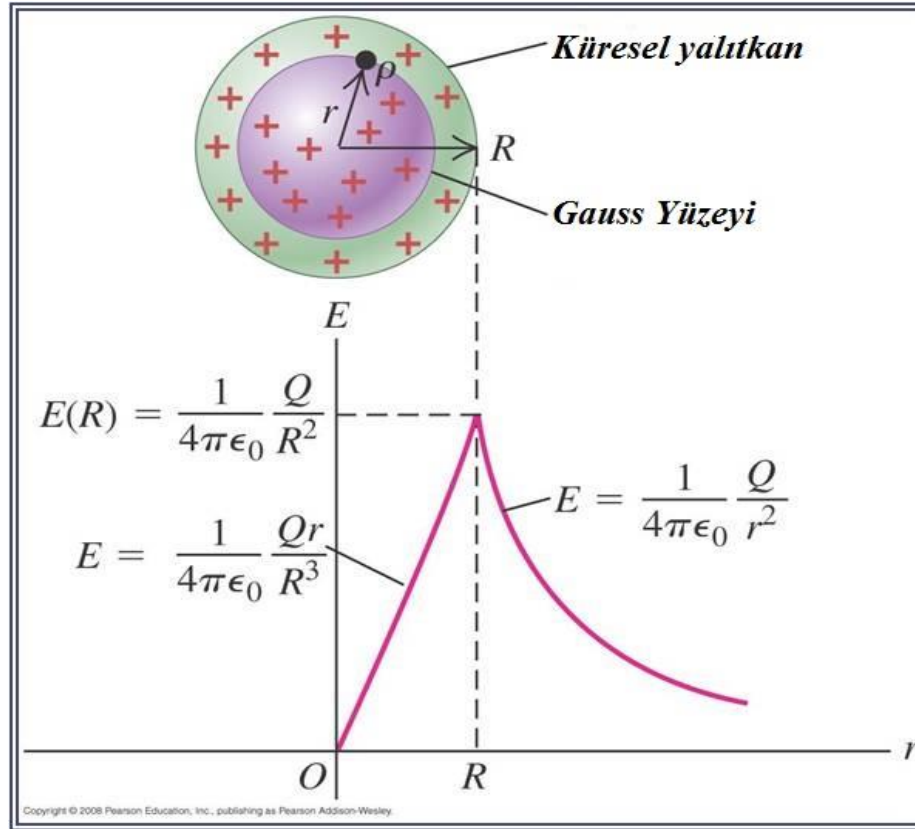
- Gauss Yasası, yüksek simetriye sahip yük dağılımlarına uygulanır.
- Sistemin simetrisine uygun bir Gauss yüzeyi seçilir.
- E 'yi hesaplayacağımız nokta Gauss yüzeyi üzerinde olmalıdır.

Gauss yasası' nın uygulamaları için üç önemli simetri:



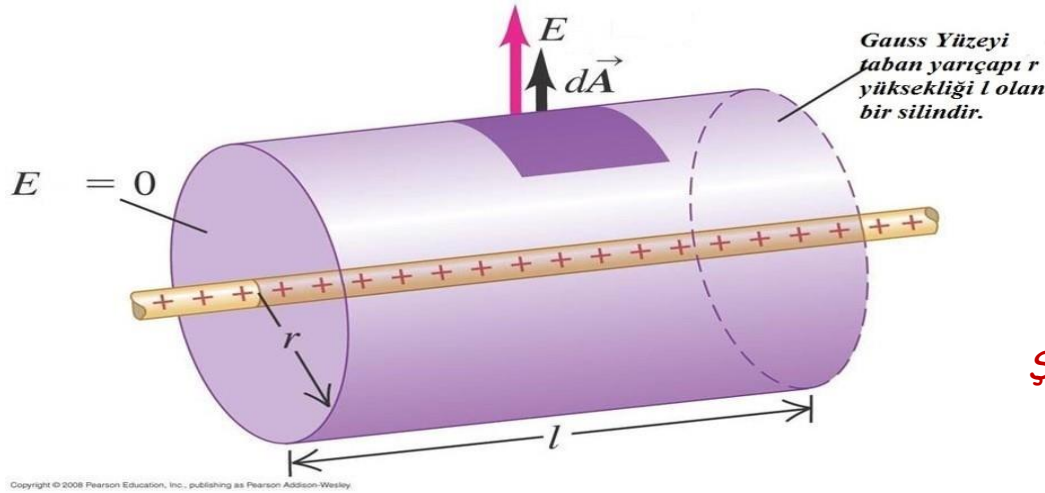
Şekil Kaynak [3]' ten alınmıştır.

Örnek 1: Düzgün yüklü yalıtkan küre;



Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.

Örnek 2: Sonsuz çizgisel yük dağılımının alanı;



Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.

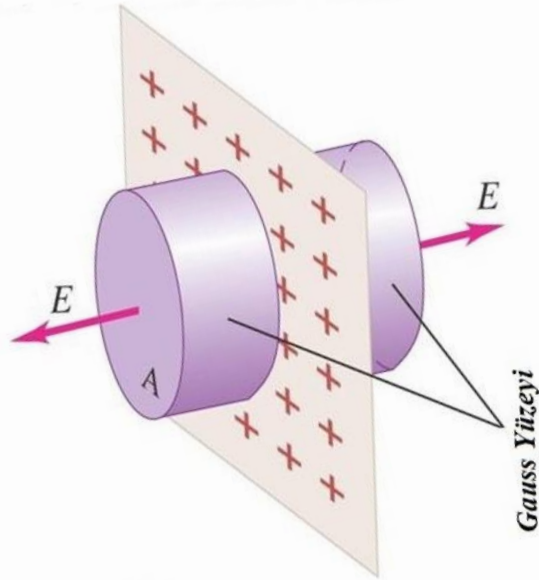
$$\begin{aligned}\Phi_E &= \oint_{\text{sol}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \oint_{\text{sag}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \oint_{\text{yan}} \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= \oint_{\text{yan}} \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{ic}}{\epsilon_0} \quad (Q_{ic} = \lambda l) \\ &= E(2\pi r l) = \frac{\lambda l}{\epsilon_0} \Rightarrow E = \frac{\lambda}{2\pi r \epsilon_0} = 2k \frac{\lambda}{r}\end{aligned}$$

→ Elektrik alan, yük dağılımından dışarı doğrudur. Sistem silindirik simetriye sahip.

→ E ' nin tele paralel bileşeni yok.

→ Sonsuz tel, bir idealleştirmedir. Eğer alanı hesaplayacağımız mesafe, telin boyutları yanında çok kısa ise Gauss Yasası yine uygulanabilir.

Örnek 3: Düzgün yüklü sonsuz düzlem levhanın alanı;



→ Elektrik alan levhadan dışarı doğrudur. Gauss Yüzeği, levhayı iki taraftan saran, levhaya dik bir silindir (ya da dikdörtgen prizma) olabilir.

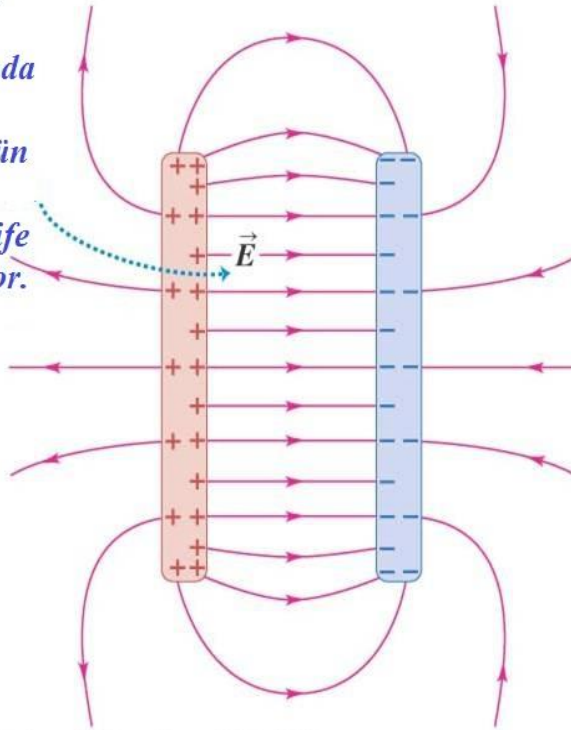
$$\begin{aligned}\Phi_E &= \oint_{sol} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \oint_{sag} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \oint_{yan} \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= \oint_{sol} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \oint_{sag} \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{ic}}{\epsilon_0} \\ &= EA + EA = \frac{\sigma A}{\epsilon_0} \Rightarrow E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}\end{aligned}$$

Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.

Örnek 4: Zıt yüklü iki düzlem levha: Biri $+\sigma$ diğeri $-\sigma$ yük yoğunluğu taşıyan iki levha

(a) Gerçek çizim:

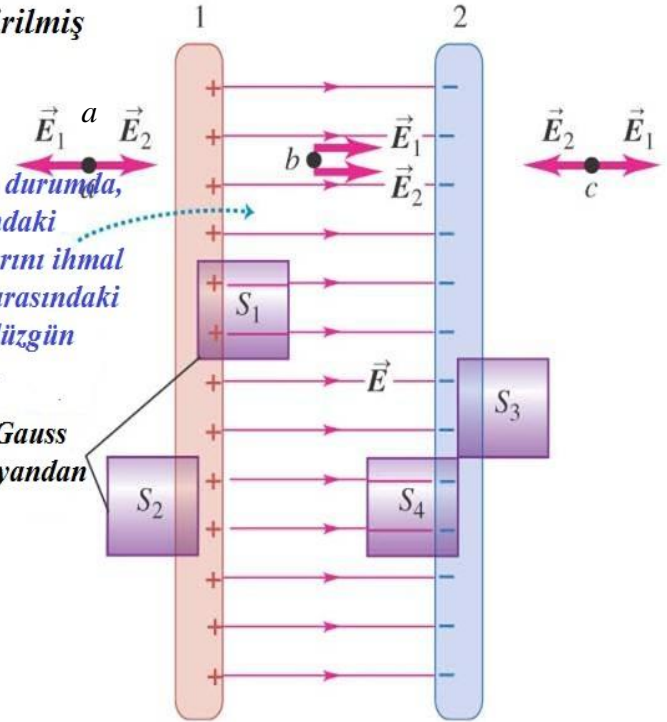
İki levha arasında elektrik alan, neredeyse düzgün ve pozitif levhadan negatife doğru yöneliyor.



(b) İdealleştirilmiş model:

İdealleştirilmiş durumda, levha sınırlarındaki "saçak" alanlarını ihmal edip, levhalar arasındaki elektrik alanı düzgün kabul ediyoruz.

Silindirik Gauss yüzeyleri (yandan görünüm)



Copyright © 2008 Pearson Education, Inc., publishing as Pearson Addison-Wesley.

Levhaların dışında $\vec{E} = 0$ (a ve c'de) $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$

$$= \frac{\sigma}{2\epsilon_0} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad (b'de)$$

A. Ozansoy, FİZ102

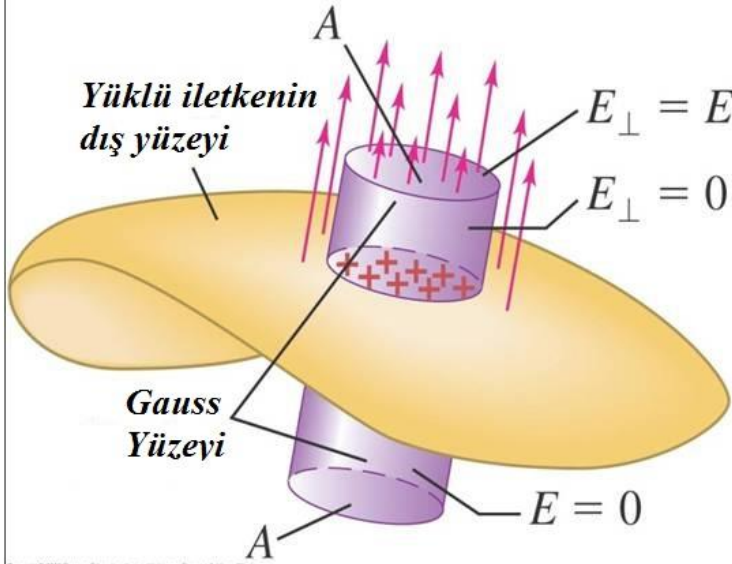
Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.

Levhalar arasında

4. Elektrostatik Denge'deki İletkenler

1. İletkenlerin içinde statik elektrik alan bulunmaz.
2. İletkene eklenen fazladan yükler yüzeyde toplanır.
3. İletkenlerin içine yalıtkan bir boşluk açıldığında, boşluğun içinde yük yoksa, iletken içinde elektrik alan sıfırdır. Boşluğun içinde yük varsa boşluğun dış yüzü indüksiyonla yüklenir, fazla yükler iletken yüzeyinde toplanır ve iletken içinde elektrik alan yine sıfır olur.
4. İletkenin hemen dışında \mathbf{E} , iletken yüzeye diktir ve değeri $E = \sigma / \epsilon_0$ ' dir.

Şekil Kaynak [1]' den alınmıştır.



Gauss yüzeyinin iletkenle arakesiti çok küçük alınırsa , arakesit üzerinde yük yoğunluğu sabit kabul edilir $\rightarrow \mathbf{E}$ sabit kabul edilir..!

$$\begin{aligned}\Phi_E &= \oint_{üst} \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{ic}}{\epsilon_0} \\ &= EA = \frac{\sigma A}{\epsilon_0} \Rightarrow E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}\end{aligned}$$

Lokal yük yoğunluğu

Kaynaklar:

1. "Üniversite Fiziği Cilt-I ", H.D. Young ve R.A. Freedman, 12. Baskı, Pearson Education Yayıncılık 2009, Ankara
2. " Fen ve Mühendislik için Fizik, Cilt-2", R.A. Serway, R.J. Beichner, 5. baskıdan çeviri, Palme Yayıncılık 2002.
3. Fizik-İlkeler ve Pratik Cilt-II, E. Mazur (Çeviri Editörleri: A. Verçin ve A.U. Yilmazer) 1. Baskıdan çeviri, Nobel Akademik Yayıncılık, 2016. Ankara.