

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

Pareto Etkinlik Tanımı:

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

Pareto Etkinlik Tanımı:

- $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin (allocation) "Pareto Etkin" (Pareto Optimal) olması için şu koşullar sağlanmalıdır:

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

## Pareto Etkinlik Tanımı:

- $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin (allocation) "Pareto Etkin" (Pareto Optimal) olması için şu koşullar sağlanmalıdır:
- 1. Koşul:

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

## Pareto Etkinlik Tanımı:

- $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin (allocation) "Pareto Etkin" (Pareto Optimal) olması için şu koşullar sağlanmalıdır:
  1. Koşul:
- Bu miktar serileri var olan kaynakları aşmamalıdır ( $\forall t$ ).

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

## Pareto Etkinlik Tanımı:

- $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin (allocation) "Pareto Etkin" (Pareto Optimal) olması için şu koşullar sağlanmalıdır:
  - 1. Koşul:
- Bu miktar serileri var olan kaynakları aşmamalıdır ( $\forall t$ ).
- Bir başka deyişle miktar serileri "olanaklı" (feasible) olmalıdır.

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

## Pareto Etkinlik Tanımı:

- $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin (allocation) "Pareto Etkin" (Pareto Optimal) olması için şu koşullar sağlanmalıdır:
- 1. Koşul:
- Bu miktar serileri var olan kaynakları aşmamalıdır ( $\forall t$ ).
- Bir başka deyişle miktar serileri "olanaklı" (feasible) olmalıdır.
- Daha formel bir şekilde ifade edersek:

$$\underbrace{\hat{c}_t^1 + \hat{c}_t^2}_{\text{toplam tüketim}} \leq \underbrace{w_t^1 + w_t^2}_{\text{toplam kaynaklar}} \quad t = 0, 1, 2, \dots$$

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

- 2. Koşul:

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

- 2. Koşul:
- $\{\bar{c}_t^1\}_{t=0}^\infty, \{\bar{c}_t^2\}_{t=0}^\infty$  gibi başka hiçbir alternatif miktar serisi olmamalıdır ki hem olanaklı (feasible) olsun, hem de aşağıdaki koşulları sağlasın:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i > \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \text{ en azından bir } i \text{ için}$$



# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

- 2. Koşul:
- $\{\bar{c}_t^1\}_{t=0}^\infty, \{\bar{c}_t^2\}_{t=0}^\infty$  gibi başka hiçbir alternatif miktar serisi olmamalıdır ki hem olanaklı (feasible) olsun, hem de aşağıdaki koşulları sağlasın:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i > \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \text{ en azından bir } i \text{ için}$$

- 

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i \geq \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \quad \forall i$$

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

- 2. Koşul:
- $\{\bar{c}_t^1\}_{t=0}^\infty, \{\bar{c}_t^2\}_{t=0}^\infty$  gibi başka hiçbir alternatif miktar serisi olmamalıdır ki hem olanaklı (feasible) olsun, hem de aşağıdaki koşulları sağlasın:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i > \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \text{ en azından bir } i \text{ için}$$

- 

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i \geq \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \quad \forall i$$

- Sözel olarak ifade edersek herhangi bir kişiyi iyileştirmek ancak ve ancak başka bir kişiyi kötüleştirmek suretiyle mümkünse miktar serileri (allocation) **Pareto etkin**'dir.

# "Pareto Etkinlik" (Pareto Efficiency)

- 2. Koşul:
- $\{\bar{c}_t^1\}_{t=0}^\infty, \{\bar{c}_t^2\}_{t=0}^\infty$  gibi başka hiçbir alternatif miktar serisi olmamalıdır ki hem olanaklı (feasible) olsun, hem de aşağıdaki koşulları sağlasın:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i > \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \text{ en azından bir } i \text{ için}$$



$$\sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \bar{c}_t^i \geq \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log \hat{c}_t^i \quad \forall i$$

- Sözel olarak ifade edersek herhangi bir kişiyi iyileştirmek ancak ve ancak başka bir kişiyi kötüleştirmek suretiyle mümkünse miktar serileri (allocation) **Pareto etkin**'dir.
- Pareto etkinlik kavramı kaynakların **dağılımı** ile ilgilenmez.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

"Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

"Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

- Pareto etkin miktar serilerini elde etmenin en kolay yolu "Social Planner Problem (SPP)" çözmektir.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

"Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

- Pareto etkin miktar serilerini elde etmenin en kolay yolu "Social Planner Problem (SPP)" çözmektir.
- Bu problemin sonucu bize kaynakların en etkin kullanıldığı durumdaki miktar serilerini (allocation) verecektir.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

## "Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

- Pareto etkin miktar serilerini elde etmenin en kolay yolu "Social Planner Problem (SPP)" çözmektir.
- Bu problemin sonucu bize kaynakların en etkin kullanıldığı durumdaki miktar serilerini (allocation) verecektir.
- Bu problem sadece kaynakların etkin kullanıldığı miktarlar ile ilgilendiği için hiçbir fiyat unsuru bu problemde yer almaz.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

## "Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

- Pareto etkin miktar serilerini elde etmenin en kolay yolu "Social Planner Problem (SPP)" çözmektir.
- Bu problemin sonucu bize kaynakların en etkin kullanıldığı durumdaki miktar serilerini (allocation) verecektir.
- Bu problem sadece kaynakların etkin kullanıldığı miktarlar ile ilgilendiği için hiçbir fiyat unsuru bu problemde yer almaz.
- Social Planner tüketicilerin (tüm  $i$ 'lerin) faydalarını ağırlıklandırmak suretiyle tüm kaynakların en etkin şekilde kullanılması vasıtasıyla toplumsal refahı maksimize eder.



# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

## "Pareto Etkin" miktar serilerinin bulunması

- Pareto etkin miktar serilerini elde etmenin en kolay yolu "Social Planner Problem (SPP)" çözmektir.
- Bu problemin sonucu bize kaynakların en etkin kullanıldığı durumdaki miktar serilerini (allocation) verecektir.
- Bu problem sadece kaynakların etkin kullanıldığı miktarlar ile ilgilendiği için hiçbir fiyat unsuru bu problemde yer almaz.
- Social Planner tüketicilerin (tüm  $i$ 'lerin) faydalarını ağırlıklandırmak suretiyle tüm kaynakların en etkin şekilde kullanılması vasıtasıyla toplumsal refahı maksimize eder.
- SP dağılımla ilgilenmediği için tüketicilere vereceği ağırlıklar problemde önem taşımamaktadır.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:



$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:



$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

■ s.t.

$$c_t^1 + c_t^2 \leq w_t^1 + w_t^2, \quad t = 0, 1, 2, \dots \quad (\text{feasibility constraint})$$

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:

■

$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

■ s.t.

$$c_t^1 + c_t^2 \leq w_t^1 + w_t^2, \quad t = 0, 1, 2, \dots \quad (\text{feasibility constraint})$$

■

$$c_t^i \geq 0 \quad \forall i, t$$

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:



$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

■ s.t.

$$c_t^1 + c_t^2 \leq w_t^1 + w_t^2, \quad t = 0, 1, 2, \dots \quad (\text{feasibility constraint})$$



$$c_t^i \geq 0 \quad \forall i, t$$

- Burada  $\alpha_i \geq 0$  social planner'in farklı tüketicilerin faydasına verdiği önemi ağırlıklandırılan parametredir. En azından biri 0'dan büyük olmalıdır.

# "Pareto Etkin" Miktar Serilerin Bulunması

SP problemini şu şekilde ifade edebiliriz:



$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$



$$c_t^1 + c_t^2 \leq w_t^1 + w_t^2, \quad t = 0, 1, 2, \dots \quad (\text{feasibility constraint})$$



$$c_t^i \geq 0 \quad \forall i, t$$

- Burada  $\alpha_i \geq 0$  social planner'in farklı tüketicilerin faydasına verdiği önemi ağırlıklandırılan parametredir. En azından biri 0'dan büyük olmalıdır.
- SPP sadece etkinlik ile ilgilendiği için  $\alpha_i$  parametresinin hangi pozitif oldukları sürece aldıkları değer önemli

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

Daha önce açıklanan sebeplerden dolayı (basitleştirilmiş) SPP şu şekilde yazılabilir:



# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

Daha önce açıklanan sebeplerden dolayı (basitleştirilmiş) SPP şu şekilde yazılabilir:

$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

Daha önce açıklanan sebeplerden dolayı (basitleştirilmiş) SPP şu şekilde yazılabilir:

$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

s.t.

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

Daha önce açıklanan sebeplerden dolayı (basitleştirilmiş) SPP şu şekilde yazılabilir:

$$\max_{c_t^1, c_t^2} \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2$$

s.t.

$$c_t^1 + c_t^2 = w_t^1 + w_t^2 \quad t = 0, 1, 2, \dots \quad (\text{feasibility constraint})$$

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2 + \pi_t (w_t^1 + w_t^2 - c_t^1 - c_t^2)$$

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2 + \pi_t (w_t^1 + w_t^2 - c_t^1 - c_t^2)$$

F.O.C. ( $c_t^i$ 'ye göre)

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2 + \pi_t (w_t^1 + w_t^2 - c_t^1 - c_t^2)$$

F.O.C. ( $c_t^i$ 'ye göre)

$$\alpha_i \beta^t \frac{1}{\hat{c}_t^i} = \hat{\pi}_t \quad \forall i, t.$$

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için Lagrange fonksiyonunu şu şekilde yazabiliriz:

$$L = \alpha_1 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^1 + \alpha_2 \sum_{t=0}^{\infty} \beta^t \log c_t^2 + \pi_t (w_t^1 + w_t^2 - c_t^1 - c_t^2)$$

F.O.C. ( $c_t^i$ 'ye göre)

$$\alpha_i \beta^t \frac{1}{\hat{c}_t^i} = \hat{\pi}_t \quad \forall i, t.$$

- Not:  $\hat{\pi}_t > 0 \quad \forall t$  çünkü kısıt her dönem eşitlik halinde sağlanıyor.



# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için dengeyi karakterize eden denklemler şunlardır:

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için dengeyi karakterize eden denklemler şunlardır:

- $\alpha_i \beta^t \frac{1}{c_t^i} = \hat{\pi}_t, \quad i = 1, 2, \quad t = 0, 1, 2, \dots$

# Social Planner Problem'inin Karakterizasyonu:

SPP için dengeyi karakterize eden denklemler şunlardır:

- $\alpha_i \beta^t \frac{1}{\hat{c}_t^i} = \hat{\pi}_t, \quad i = 1, 2, \quad t = 0, 1, 2, \dots$
- $\hat{c}_t^1 + \hat{c}_t^2 = w_t^1 + w_t^2, \quad t = 0, 1, 2, \dots$

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- (Tam Rekabetçi) Piyasa ekonomisinde tüketiciler kendi faydalarını maksimize eder, piyasalar vardır ve kaynak dağılımı fiyatlar ile yapılır.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- (Tam Rekabetçi) Piyasa ekonomisinde tüketiciler kendi faydalarını maksimize eder, piyasalar vardır ve kaynak dağılımı fiyatlar ile yapılır.
- Piyasa ekonomisine "Decentralized economy" de denir.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- (Tam Rekabetçi) Piyasa ekonomisinde tüketiciler kendi faydalarını maksimize eder, piyasalar vardır ve kaynak dağılımı fiyatlar ile yapılır.
- Piyasa ekonomisine "Decentralized economy" de denir.
- SP probleminde ise Sosyal planıcı toplumsal refahı maksimize eder, piyasalar yoktur ve kaynak dağılımını SP yaptığı için fiyatlara ihtiyaç yoktur.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- (Tam Rekabetçi) Piyasa ekonomisinde tüketiciler kendi faydalarını maksimize eder, piyasalar vardır ve kaynak dağılımı fiyatlar ile yapılır.
- Piyasa ekonomisine "Decentralized economy" de denir.
- SP probleminde ise Sosyal planıcı toplumsal refahı maksimize eder, piyasalar yoktur ve kaynak dağılımını SP yaptığı için fiyatlara ihtiyaç yoktur.
- SP problemine "centralized economy" de denir.



# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- (Tam Rekabetçi) Piyasa ekonomisinde tüketiciler kendi faydalarını maksimize eder, piyasalar vardır ve kaynak dağılımı fiyatlar ile yapılır.
- Piyasa ekonomisine "Decentralized economy" de denir.
- SP probleminde ise Sosyal planıcı toplumsal refahı maksimize eder, piyasalar yoktur ve kaynak dağılımını SP yaptığı için fiyatlara ihtiyaç yoktur.
- SP problemine "centralized economy" de denir.
- SP hipotetik bir problem olsa da bize Pareto Etkin sonuçları vermesi bakımından önemlidir.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- Bir piyasa ekonomisinin Pareto Etkin olup olmadığını kontrol etmek için o piyasa ekonomisinin SP problemi çözülür.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- Bir piyasa ekonomisinin Pareto Etkin olup olmadığını kontrol etmek için o piyasa ekonomisinin SP problemi çözülür.
- Bulunan sonuçlar aynı ise CE (Rekabetçi denge) Pareto etkindir, değilse CE Pareto etkin değildir.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- Bir piyasa ekonomisinin Pareto Etkin olup olmadığını kontrol etmek için o piyasa ekonomisinin SP problemi çözülür.
- Bulunan sonuçlar aynı ise CE (Rekabetçi denge) Pareto etkindir, değilse CE Pareto etkin değildir.
- **1. Refah Teoremi:** Rekabetçi Denge Pareto Etkindir.

# Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP

Tam Rekabetçi Piyasa ve SPP karşılaştırılması:

- Bir piyasa ekonomisinin Pareto Etkin olup olmadığını kontrol etmek için o piyasa ekonomisinin SP problemi çözülür.
- Bulunan sonuçlar aynı ise CE (Rekabetçi denge) Pareto etkindir, değilse CE Pareto etkin değildir.
- **1. Refah Teoremi:** Rekabetçi Denge Pareto Etkindir.
- 1. Refah teoremi çok kısıtlı durumlarda geçerlidir.

# 1. Refah Teoremi

**1. Refah Teoremi:** Rekabetçi Denge Pareto Etkindir.

# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoremi: Rekabetçi Denge Pareto Etkindir.

- $\{\hat{p}_t\}_{t=0}^{\infty}$ ,  $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}$ ,  $\{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  tam rekabet dengesini yansıtan fiyat ve miktar serileri olsun.



# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoremi: Rekabetçi Denge Pareto Etkindir.

- $\{\hat{p}_t\}_{t=0}^{\infty}$ ,  $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}$ ,  $\{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  tam rekabet dengesini yansıtan fiyat ve miktar serileri olsun.
- Bu durumda  $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}$ ,  $\{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serileri Pareto Etkin'dir.

# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoreminin Kanıtı:

# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoreminin Kanıtı:

- **Kanıt:** Kanıt "contradiction (çelişki)" yöntemi ile yapılacaktır.

# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoreminin Kanıtı:

- **Kanıt:** Kanıt "contradiction (çelişki)" yöntemi ile yapılacaktır.
- Bu yöntemde ilk olarak Rekabetçi Denge çözümleri olan  $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin Pareto Etkin **olmadığını** varsayalım.

# 1. Refah Teoremi

## 1. Refah Teoreminin Kanıtı:

- **Kanıt:** Kanıt "**contradiction (çelişki)**" yöntemi ile yapılacaktır.
- Bu yöntemde ilk olarak Rekabetçi Denge çözümleri olan  $\{\hat{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin Pareto Etkin **olmadığını** varsayalım.
- Bu durumda alternatif olarak  $\{\bar{c}_t^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\bar{c}_t^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serileri vardır ki bu miktar serileri hem "feasible" olur, hem de WLOG (without loss of generality)

$$U(\bar{c}_t^1) > U(\hat{c}_t^1)$$

$$U(\bar{c}_t^2) \geq U(\hat{c}_t^2)$$

özelliklerini sağlar.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- Bu durumda

$$U(\bar{c}_t^1) > U(\hat{c}_t^1)$$

olması ancak

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t \bar{c}_t^1 > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t w_t^1 \quad (1)$$

(1) nolu denklemin geçerli olduğu durumda sağlanır.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- Bu durumda

$$U(\bar{c}_t^1) > U(\hat{c}_t^1)$$

olması ancak

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t \bar{c}_t^1 > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t w_t^1 \quad (1)$$

(1) nolu denklemin geçerli olduğu durumda sağlanır.

- Çünkü  $\bar{c}_t^1$  serisinin daha fazla fayda sağlayabilmesi ancak ve ancak  $\hat{c}_t^1$ 'den daha çok  $\bar{c}_t^1$  miktarı kullanılmasını gerektirir ki bu da fiyat ve endowment serileri aynı iken (1) nolu denklemin sağlanmasını gerektirir.



# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- Bu durumda

$$U(\bar{c}_t^1) > U(\hat{c}_t^1)$$

olması ancak

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t \bar{c}_t^1 > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t w_t^1 \quad (1)$$

(1) nolu denklemin geçerli olduğu durumda sağlanır.

- Çünkü  $\bar{c}_t^1$  serisinin daha fazla fayda sağlayabilmesi ancak ve ancak  $\hat{c}_t^1$ 'den daha çok  $\bar{c}_t^1$  miktarı kullanılmasını gerektirir ki bu da fiyat ve endowment serileri aynı iken (1) nolu denklemin sağlanmasını gerektirir.
- Ayrıca,

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t \bar{c}_t^2 \geq \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t w_t^2 \quad (2)$$

olmalıdır.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- 1 ve 2 nolu denklemleri toplarsak

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- 1 ve 2 nolu denklemleri toplarsak
- 

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t(\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2) > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t(w_t^1 + w_t^2) \quad (3)$$

olur.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- 1 ve 2 nolu denklemleri toplarsak

- 

$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2) > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (w_t^1 + w_t^2) \quad (3)$$

olur.

- Feasibility koşulundan

$$\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2 = w_t^1 + w_t^2 \quad \forall t$$

olur.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- 1 ve 2 nolu denklemleri toplarsak



$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2) > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (w_t^1 + w_t^2) \quad (3)$$

olur.

- Feasibility koşulundan

$$\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2 = w_t^1 + w_t^2 \quad \forall t$$

olur.

- Her  $t$  için geçerli olan koşulu  $\hat{p}_t$  ile çarpar ve zaman üzerinden toplarsak:

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- 1 ve 2 nolu denklemleri toplarsak



$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2) > \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (w_t^1 + w_t^2) \quad (3)$$

olur.

- Feasibility koşulundan

$$\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2 = w_t^1 + w_t^2 \quad \forall t$$

olur.

- Her  $t$  için geçerli olan koşulu  $\hat{p}_t$  ile çarpar ve zaman üzerinden toplarsak:



$$\sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (\bar{c}_t^1 + \bar{c}_t^2) = \sum_{t=0}^{\infty} \hat{p}_t (w_t^1 + w_t^2) \quad (4)$$

olur.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:



# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- (3) ve (4) çeliştiği için baştaki argüman yani " $\{\hat{c}^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin Pareto Etkin **olmadığı**" ifadesinin yanlış olduğunu kanıtlamış olduk.

# 1. Refah Teoremi

Kanıtın Devamı:

- (3) ve (4) çeliştiği için baştaki argüman yani " $\{\hat{c}^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin Pareto Etkin **olmadığı**" ifadesinin yanlış olduğunu kanıtlamış olduk.
- Bir başka değişle " $\{\hat{c}^1\}_{t=0}^{\infty}, \{\hat{c}^2\}_{t=0}^{\infty}$  miktar serilerinin Pareto Etkin olduğunu kanıtladık.