

Kanatçığın ucu izole edildiğinde;

$$q|_{knt-UCU} = 0$$

$$\frac{d\theta(x=L)}{dx} = 0$$

$$\theta(x) = c_1 \cdot e^{ax} + c_2 \cdot e^{-ax}$$

$$x = 0, \theta(x = 0) = T_b - T_\infty = \theta_b \dots (1)$$

$$\frac{\partial \theta(x)}{\partial x} = C_1 a e^{ax} - C_2 a e^{-ax}$$

$$\frac{\partial \theta(x)}{\partial x} = C_1ae^{ax} - C_2ae^{-ax}$$

$$\theta_b=C_1+C_2\Rightarrow C_1=\frac{\theta_b}{1+e^{2aL}}$$

$$C_1ae^{aL}-C_2ae^{-aL}=0\Rightarrow C_2=\frac{\theta_b}{1+e^{-2aL}}$$

$$\theta_{(x)}=\frac{\theta_b}{1+e^{2aL}}e^{ax}-\frac{\theta_b}{1+e^{-2aL}}e^{-ax}$$

$$\frac{\theta_{(x)}}{\theta_b}=\frac{e^{ax}}{1+e^{2aL}}-\frac{e^{-ax}}{1+e^{-2aL}}$$

$$\frac{\theta_{(x)}}{\theta_b} = \frac{e^{ax} + e^{ax}e^{-2axL} + e^{-ax} + e^{2axL}e^{ax}}{1 + e^{-2axL} + e^{2axL} + 1}$$

$$\frac{\theta_{(x)}}{\theta_b} = \frac{e^{a(x-L)} + e^{-a(x-L)}}{e^{aL} + e^{-aL}} = \frac{2\cosh a(x-L)}{2\cosh aL} = \frac{T_{(x)} - T_\infty}{T_b - T_\infty}$$

“*” İZOLASYON OLMADIĞINDA;
 $q = (T_b - T_\infty) \sqrt{hP_k A_c} \tanh(aL)$

Kanatçığın ucunda ıslı taşınım ve ıslı kaybı

$$\theta_{(x)}=T_{(x)}-T_\infty$$

$$\theta_{(x)}=C_1e^{ax}+C_2e^{-ax}$$

$$-kA_c\frac{\partial T_{(x=L)}}{\partial x}=hA_c(T_{(x=L)}-T_\infty)$$

$$\frac{\partial T}{\partial x}=\frac{\partial \theta}{\partial x}$$

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{\partial \theta}{\partial x}$$

$$-k \frac{\partial T}{\partial x} = h \theta_{(L)} \Rightarrow \theta_{(x=0)} = \theta_b = T_b - T_\infty$$

$$\frac{\partial \theta_{(x)}}{\partial x} = C_1 a e^{ax} + C_2 a e^{-ax} \Rightarrow C_1 + C_2 = \theta_b$$

$$\frac{\theta_{(x)}}{\theta_{(b)}} = \frac{\cosh ha(L-x) + \frac{h}{ak} \sinh a(L-x)}{\cosh aL + \sinh aL}$$

$$q = -kA_c \frac{\partial T}{\partial x} \Big|_{x=0}$$

$$q = \sqrt{hP k A_c} (T_b - T_\infty) \frac{\sinh aL + \frac{h}{ak} \cosh aL}{\cosh aL + \frac{h}{ak} \sinh aL}$$

Kanatçığın verimliliği:

Verimlilik;kanatçığın transfer ettiği ısı miktarının o kanatçığın maksimum transfer edebileceği ısı miktarına oranıdır.

$$\eta = \frac{\sqrt{h.p.k.Ac}}{h.pL}$$

$$\eta = \frac{1}{L} \sqrt{\frac{k.Ac}{h.p}} \quad a = \sqrt{\frac{h.p}{k.Ac}}$$

$$\eta = \frac{1}{a.L} \quad \longrightarrow \quad \text{Ucundaki sıcaklık } \tau_{\circ}$$

olduğu durumda

$$\eta = \frac{\sqrt{h.pk.Ac.}(T_b - T_\infty) \tanh.a.L}{h.p.L(T_b - T_\infty)}$$

$\eta = \frac{\tanh.a.L}{a.L}$ \longrightarrow Ucunda ısı
transferi olmadığı durumda

Fin Etkinliği

$$\varepsilon = \frac{Q_{fin}}{Q_{nofin}}$$

$$\varepsilon = \frac{\sqrt{H.P.K.Ac.(T_b - T_\infty)} \tanh \alpha L}{h.Ab.(T_b - T_\infty)}$$

$$\varepsilon = \frac{\sqrt{h.p.k.Ac.}(\tanh \alpha L)}{h.Ab} \quad \text{Ab=Ac}$$

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{k.p}{h.Ac}} (\tanh \alpha L)$$