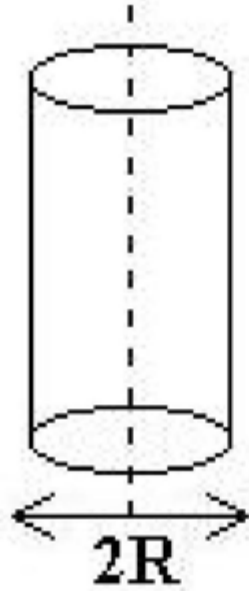


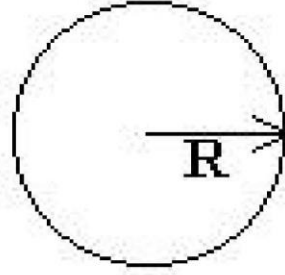
Birkaç yönden olan ısı transferi ihmal edilebilir. Sonsuz denildiği zaman yukarıdan ve aşağıdan gelen ısılar önemlidir. Orta noktadaki ısı transferi önemlidir.
(kalınlık: $2L$; sonsuz uzunluk.)

2) Sonsuz silindir :



Uzunluđu /çapı ≥ 4
ise sonsuz uzunlukta
silindir denir. Yarıçap
yönünden olan ısı
transfery önemlidir.

3) Küre:



Bu üç örnek için ;

$$\text{Genel denklem } \frac{1}{x^n} \cdot \frac{\partial}{\partial x} \left(x^n \frac{\partial T}{\partial x} \right) = \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{\partial T}{\partial t}$$

Başlangıç koşulu : $T(x, 0) = T_i$

Sınır koşulu : 1 ve 2

Bunları h ve T_∞ olan bir ortama koyarsak ;

$$1 = \frac{-kA \frac{\partial T(X=L, T)}{\partial x}}{\partial x} = hA(T(x=L) - T_\infty)$$

(3. sınır koşulunda)

2= Merkezde sıcaklıklar eşit olacak ve ısı transferi olmayacaktır.

$$-kA \frac{\partial T(x=0,t)}{\partial x} = 0 \text{ k ve A=0 olamayacağı için}$$

$$; \frac{\partial T(x=0,6)}{\partial x} = 0$$

değişikliklere göre başlangıç ve sınır koşulu koyulur.

Sonsuz plaka için ;

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$

x= merkeze olan uzaklık

$$0 \leq x \leq L$$

$$\frac{T(x,t) - T_\infty}{T_i - T_\infty} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2 \sin \mu_n}{\mu_n + \sin \mu_n \cos \mu_n} \cos\left(\mu_n \frac{x}{L}\right) \exp\left(-\mu_n^2 \frac{\alpha t}{L^2}\right)$$

$$Bi = \frac{hL}{K} \text{ (sonsuz levha için)} \quad Bi = \frac{hR}{K} \text{ (silindir}$$

veya küre için)

Sonsuz silindir için ;

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial T}{\partial r} \right) = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$

$$\frac{T(r,t) - T_{\infty}}{T_i - T_{\infty}} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2J_1(\mu_n)}{\mu_n [J_0^2(\mu_n) + J_1^2(\mu_n)]} J_0\left(\mu_n \frac{r}{R}\right) \exp\left(-\mu_n^2 \frac{\alpha t}{R^2}\right)$$

r: Merkezden olan uzaklık J_0 ve J_1 birer bessel fonksiyondur ve tablolar kısmında bu değerler verilmiştir.

R: yüzey $r=0$ merkez

$$Bi = \mu \frac{J_1(\mu)}{J_0(\mu)}$$

$$0 \leq r \leq R$$

$$\frac{x^2 d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + (m^2 x^2 - v^2)$$

$$y=0$$

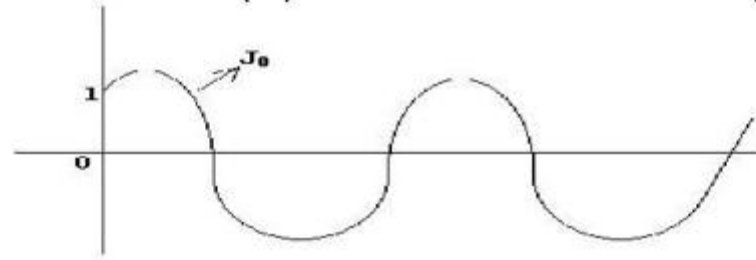
Be⇒ e1 denkleminde 2. dereceden, lineer adı
birdir. Denklemden V' nin sbt ya da rasyonel
olmasına göre;

$$y(x) = C_1 J_u(mx) + C_2 J_v(mx) \text{ tam sayı ise}$$

$$y(x) = C_1 J_u(mx) + C_2 J_{-v}(mx) \text{ kesirli sayı ise}$$

$$J_0(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{2^{2n} (n!)^2}$$

$$J_1(x) = x \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{2^{2n+1} (n!)^2}$$



$$\lim_{x \rightarrow \infty} J_0(x) \rightarrow \infty$$

Düzenlersek

$$\frac{x^2 d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + (m^2 x^2 - \nu^2) y = 0$$

$$y=0$$

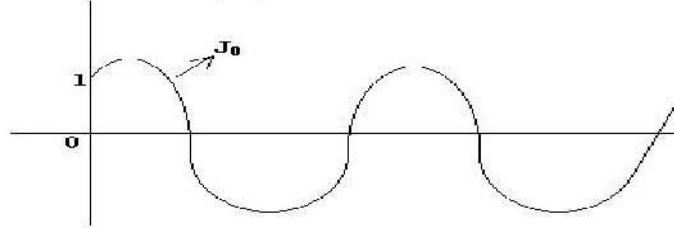
Be⇒ e1 denkleminde 2. dereceden, lineer adı birdir. Denklemden V' nin sbt ya da rasyonel olmasına göre;

$$y(x) = C_1 J_\nu(mx) + C_2 J_{-\nu}(mx) \text{ tam sayı ise}$$

$$y(x) = C_1 J_\nu(mx) + C_2 J_{-\nu}(mx) \text{ kesirli sayı ise}$$

$$J_0(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{2^{2n} (n!)^2}$$

$$J_1(x) = x \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{2^{2n+1} (n!)^2}$$



$$\lim_{x \rightarrow \infty} J_0(x) \rightarrow 0$$

Düzenlersek

$$J_0(0) = 1$$

$$J_1(0) = 0$$

Küre için;

$$\frac{1}{r^2} \cdot \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{dT}{dr} \right) = \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{\partial T}{\partial t}$$

$$\frac{T(r,t) - T_\infty}{T_i - T_\infty} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2(\sin \mu_n - \mu_n \cos \mu_n)}{\mu_n - \sin \mu_n \cos \mu_n} \cdot \frac{\sin \left(\mu_n \frac{r}{R} \right)}{\mu_n \frac{r}{R}} \cdot \exp \left(-\mu_n^2 \frac{\alpha t}{R^2} \right)$$

$$Bi = 1 - \mu \cot \mu = 1 - \frac{\mu}{\tan \mu}$$

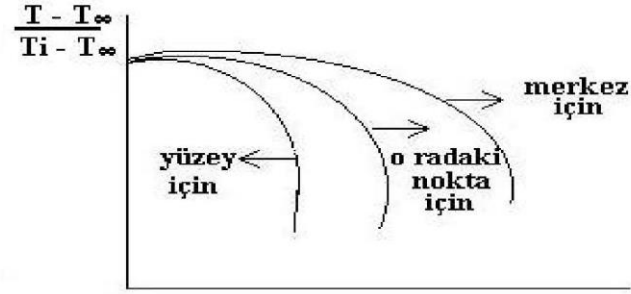
r: merkezden olan uzaklık

r=0: merkez \Rightarrow merkez için

$$\frac{\sin \mu_n \frac{r}{R}}{\mu_n \frac{r}{R}} = \frac{\sin 0}{0} \quad \text{dirA}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x}{1} = 1 \Rightarrow \frac{\sin \mu_n \frac{r}{R}}{\mu_n \frac{r}{R}}$$

Merkez için işlem yapılırken iptal edilir.



$$Fo = \frac{\alpha t}{L^2} = \frac{\alpha t}{R^2}$$

(fourier sayısı)

$$Fo = \frac{k}{g \cdot cp} \cdot \frac{t}{L^2} \cdot \frac{L \Delta T}{L \Delta T}$$

$$Fo = \frac{K.L.\Delta T}{g \cdot cp \cdot L^3 \frac{\Delta T}{t}}$$

Ürünün birim uzunluktaki ısı

miktarı

$$m \cdot cp \cdot \frac{\Delta T}{t}$$

Birim zamanda ürün içerisindeki

sıcaklık artışı

$$Fo = \frac{\text{iletilen ısı}}{\text{biriken ısı}}$$

(fiziksel tanımı)

Yatışkın koşullarda Fo tanımını yoktur. Çünkü birikim yoktur Fo sayısının diğer ismi boyutsuz zamandır. Fo sayısı birimsiz

$$\frac{T(x,t)-T_{\infty}}{T_i-T_{\infty}} \rightarrow \text{birimsiz}, \frac{x}{L}, \frac{r}{R} \rightarrow \text{birimsiz}$$

$$Bi = \frac{hL}{k} \rightarrow \text{birimsiz}, Fo = \frac{\alpha t}{L^2} \rightarrow \text{birimsiz}$$

Fo > 0,2 ise 1 tane kök kullanılır ve ortamın biot sayısına olarak A1 bulunur. Fo > 0,2 ise

$$\frac{T(x,t)-T_{\infty}}{T_i-T_{\infty}} = A_1 \exp\left(-M_1^2 \frac{\alpha t}{L^2}\right) \cdot \cos\left(M_1 \frac{x}{L}\right)$$

$$A_1 = \frac{2 \sin \mu_1}{\mu_1 + \sin \mu_1 + \cos \mu_1}$$

Silindir için; Fo > 0,2 için

$$\frac{T(x,t)-T_{\infty}}{T_i-T_{\infty}} = A_1 J_0\left(\mu_1 \frac{r}{R}\right) \exp\left(-\mu_1^2 \frac{\alpha t}{R^2}\right)$$

$$A_1 = \frac{2J_1(\mu_1)}{M_1[J_0^2(\mu_1) + J_1^2(\mu_1)]}$$

$$\theta_0 = \frac{T_0 - T_\infty}{T_i - T_\infty} \text{ Merkez için çarparsak}$$

$$; \theta_0 = \theta = \frac{T - T_\infty}{T_i - T_\infty}$$

$$\theta = \frac{T - T_\infty}{T_i - T_\infty}$$

$\frac{x}{L} = 0.4 \Rightarrow \frac{1}{Bi}$ Ve Fo hesaplanır ve konu ile ilgili birinci tablodan θ_0 bulunur.

2. tablodan da $\frac{1}{Bi}$ ve 0,4 kullanarak θ bulunur.

Bu ikisinin çarpımı $\frac{x}{L} = 0,4$ noktasındaki sıcaklık değişimini verir.

Düz duvar için;

$$Q_{\max} = m \cdot C_p (T_i - T_\infty) =$$

$$\frac{\theta}{\theta_{\max}} = 1 - A_1 \frac{\exp(-\mu_1^2 \frac{\alpha t}{L^2}) \frac{\sin \mu_1}{\mu_1}}{\theta_0} = 1 - \theta_0 \frac{\sin \mu_1}{\mu_1}$$

Sonsuz plakanın merkezindeki sıcaklık değişimi

~~Giren-çıkış~~ + üretilen = birikim

$$-\dot{\theta} = \Delta E$$

$$E = m.c.p.\Delta T = \rho V.C_P(T_{(x,t)} - T_i)$$

$$\int dE = \int \rho C_P (T_{(x,t)} - T_i) dV$$

$$\frac{\theta}{\theta_{\max}} = \frac{\int_0^L \rho C_P (T_{(x,t)} - T_i) dx}{\rho A C_P L (T_i - T_{\infty})}$$

$$V = A.X$$

$$dV = A.dx$$

$$\frac{\theta}{\theta_{\max}} = \frac{-\rho.C_P.A \int_0^L (T_{(x,t)} - T_i) dx}{\rho.C_P.A.L.(T_i - T_{\infty})}$$